



St.Gallische Kantonsschulen  
Gymnasium

Aufnahmeprüfung 2010

Mathematik 2

Dauer: 90 Minuten

Korrekturanleitung

mit Taschenrechner

Kandidatennummer: \_\_\_\_\_

Klassennummer: \_\_\_\_\_

Summe:

Note:

Aufgabe	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11
Punkte											

Löse die Aufgaben auf diesen Blättern. Der Lösungsweg muss aus der Darstellung klar ersichtlich sein.

Aufgabe 1

Berechne den Term und runde das Ergebnis auf 2 Stellen nach dem Dezimalpunkt.

$$\sqrt{\frac{7(54.2 - 17.85)}{8 : 37.09^2}} \approx \underline{\underline{209.18}}$$

(209.1768...)

(nicht gerundet (-1P.))

2 Punkte

Aufgabe 2

Der Preis eines Autos wurde zunächst um 15 % erhöht, und danach um 20 % reduziert. Jetzt kostet das Auto noch Fr. 17'500.

Wie viel kostete das Auto vor der Preiserhöhung? Gib den Preis auf 100 Franken genau an.

vor der Reduktion  $\text{Fr. } 17'500 \rightarrow 80\%$   $x_1 \rightarrow 100\%$   $x_1 = \frac{\text{Fr. } 17'500 \cdot 100}{80} = \underline{\underline{\text{Fr. } 21'875}}$  (1P.)

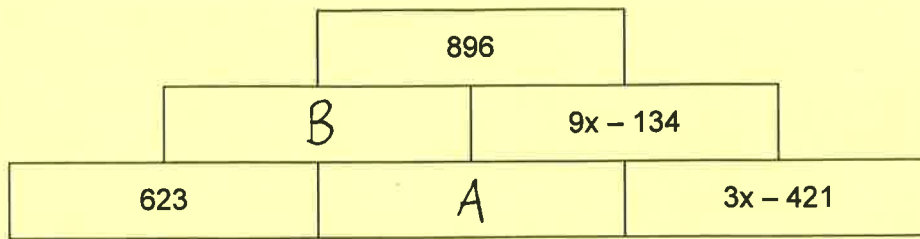
vor der Preiserhöhung  $\text{Fr. } 21'875 \rightarrow 115\%$   $x_2 \rightarrow 100\%$   $x_2 = \frac{\text{Fr. } 21'875 \cdot 100}{115} = \text{Fr. } 19'021.74...$  (1P.)

$\approx \underline{\underline{\text{Fr. } 19'000}}$  (1P.)

3 Punkte

### Aufgabe 3

In dieser Zahlenmauer ergibt die Summe zweier benachbarter Terme den darüber liegenden Term. Berechne x.



$$A: (9x - 134) - (3x - 421) = \underline{6x + 287} \quad (1P.)$$

$$B: 623 + (6x + 287) = \underline{6x + 910} \quad (1P.)$$

$$x: (6x + 910) + (9x - 134) = 896$$

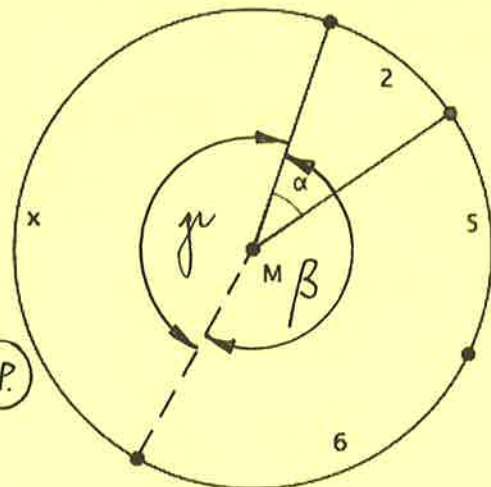
15x + 776 = 896	TU
15x = 120	- 776
<u>x = 8</u>	: 15

(1P.)

3 Punkte

### Aufgabe 4

Eine Kreislinie wurde in vier Bogen geteilt, welche die Längen 2, 5, 6 und x haben. Der Winkel  $\alpha$  gehört zum Bogen der Länge 2.



- a) Wie gross ist  $\alpha$ , wenn  $x = 7$  ist?

$$\underbrace{7 + 6 + 5 + 2}_{20} \longrightarrow 360^\circ$$

$$2 \longrightarrow \alpha = \frac{360^\circ \cdot 2}{20} = \underline{36^\circ} \quad (1P.)$$

- b) Wie lang ist x, wenn  $\alpha = 30^\circ$  misst?

$$2 \longrightarrow 30^\circ$$

$$13 \longrightarrow \beta = \frac{30^\circ \cdot 13}{2} = \underline{195^\circ} \quad (1P.)$$

$$\gamma = 360^\circ - 195^\circ = \underline{165^\circ}$$

$$2 \longrightarrow 30^\circ$$

$$x \longrightarrow 165^\circ \quad x = \frac{2 \cdot 165^\circ}{30^\circ} = \underline{11} \quad (1P.)$$

3 Punkte

### Aufgabe 5

Wie schwer ist ein Blatt Papier vom Format A4 (210 mm x 297 mm), das aus einem grösseren Blatt mit einem Papiergewicht von 80 g/m<sup>2</sup> geschnitten wird? Runde auf mg.

Fläche A4 : 210 mm · 297 mm = 62'370 mm<sup>2</sup> (1P.)

<u>Papiergewicht</u>	<u>Flächeninhalt</u>
80 g = 80'000 mg	1 m <sup>2</sup> = 1'000'000 mm <sup>2</sup>
→	

$$x = \frac{80'000 \text{ mg} \cdot 62'370}{1'000'000} = 4'989.6 \text{ mg} \quad (1P.)$$

$$\approx \underline{\underline{4'990 \text{ mg} / 4.99 \text{ g}}} \quad (1P.)$$

3 Punkte

### Aufgabe 6

Von Karl Friedrich Gauss (1777 – 1855) – einem der grössten Mathematiker aller Zeiten – wird erzählt, dass er bereits als Schulkind die Idee hatte, die Zahlen von 1 bis 60 auf folgende Art und Weise zu addieren.

Hier seine Lösungsidee:

$$\begin{aligned} 1 + 2 + 3 + \dots + 58 + 59 + 60 &= (1 + 60) + (2 + 59) + (3 + 58) + \dots + (30 + 31) \\ &= 61 + 61 + 61 + \dots + 61 \\ &= 30 \cdot 61 \\ &= \underline{\underline{1'830}} \end{aligned}$$

a) Berechne entsprechend: 1 + 2 + 3 + ... + 250.

$$\begin{aligned} & \underbrace{(1+250)} + \underbrace{(2+249)} + \underbrace{(3+248)} + \dots + \underbrace{(125+126)} \\ &= 251 + 251 + 251 + \dots + 251 \\ &= 125 \cdot 251 = \underline{\underline{31'375}} \quad (\text{wenn Ergebnis falsch } (1P.)) \end{aligned}$$

(1P.)      (1P.)

b) Berechne entsprechend: 101 + 102 + 103 + ... + 350.

$$\begin{aligned} & \underbrace{(101+350)} + \underbrace{(102+349)} + \underbrace{(103+348)} + \dots + \underbrace{(225+226)} \\ &= 451 + 451 + 451 + \dots + 451 = 125 \cdot 451 = \underline{\underline{56'375}} \end{aligned}$$

(1P.)   (1P.)   vgl. a)

oder

$$\begin{aligned} & (1+2+3+\dots+350) - (1+2+3+\dots+100) \\ &= 175 \cdot 351 - 50 \cdot 101 = \underline{\underline{56'375}} \quad (2P.) \quad (\text{wenn nur Lösungs-} \\ & \text{idee er-} \\ & \text{sichtlich } (1P.)) \end{aligned}$$

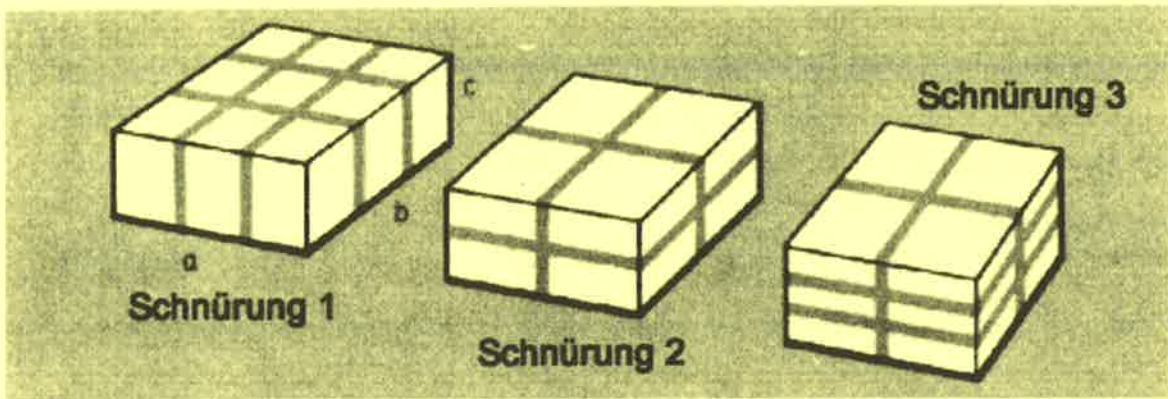
oder

$$\begin{aligned} & (100+1) + (100+2) + (100+3) + \dots + (100+250) \\ &= 250 \cdot 100 + \underbrace{(1+2+3+\dots+250)}_{\text{Ergebnis von a)}} = \underline{\underline{56'375}} \quad (2P.) \end{aligned}$$

4 Punkte

### Aufgabe 7

Ein Paket wird auf 3 verschiedene Arten geschnürt:



- a) Bestimme mit Hilfe von a, b und c je einen möglichst einfachen Term für die Schnurlänge jeder Paketschnürung.

Term für Schnürung 1	Term für Schnürung 2	Term für Schnürung 3
$4a + 4b + 8c$	$4a + 4b + 4c$	$6a + 6b + 4c$

(1P.)

(1P.)

(1P.)

- b) Bestimme die Länge der Schnürung 3, wenn  $a = 32.4 \text{ cm}$ ,  $b = 22.9 \text{ cm}$  und  $c = 9.8 \text{ cm}$  messen und für die gesamte Verknotung zusätzlich  $12 \text{ cm}$  Schnur benötigt werden.

$$\begin{aligned}
 & 6a + 6b + 4c + \text{Verknotung} \\
 & = 6 \cdot 32.4 \text{ cm} + 6 \cdot 22.9 \text{ cm} + 4 \cdot 9.8 \text{ cm} + 12 \text{ cm} \\
 & = \underline{383 \text{ cm}} \quad (1P.)
 \end{aligned}$$

(fehlende Masseinheit  $(-\frac{1}{2}P.)$ )

- c) Welches Paket braucht am meisten Schnur, wenn  $a = b = 2c$  gilt?

$$\text{Schnürung 1: } 4a + 4b + 8c = 8c + 8c + 8c = \underline{24c} \quad (\frac{1}{2}P.)$$

$$\text{Schnürung 2: } 4a + 4b + 4c = 8c + 8c + 4c = \underline{20c}$$

$$\text{Schnürung 3: } 6a + 6b + 4c = 12c + 12c + 4c = \underline{28c} \quad (\frac{1}{2}P.)$$

d.h. Schnürung 3 (2P.)

(wenn Lösungsweg nicht ersichtlich  $(-1P.)$ )

6 Punkte

### Aufgabe 8

Das Kleingeld einer Parkuhr, die nur 50-Rappen-Stücke und Einfränkler akzeptiert, wird automatisch abgezählt. Der Zähler der Sortiermaschine ermittelt 687 Münzen mit einem Gesamtwert von 429 Fr.

Wie viele Geldstücke jeder Sorte waren eingeworfen worden?

	Anzahl	Wert in Fr.	
50 Rp. - Stücke :	$x$	$0,5x$	} 429 Fr.
Einfränkler :	$687-x$	$687-x$	

$$\Rightarrow 0,5x + 687 - x = 429 \quad (1P.)$$

$$x = 516 \quad (1P.) \text{ d.h. } 516 \text{ 50Rp. - Stücke \& } (1P.)$$

$$\underline{\underline{171 \text{ Einfränkler}}} \quad (1P.)$$

oder

$$(687 - 429) : 0,5 = \underline{516} \text{ (50Rp. - Stücke)} \quad (2P.)$$

$$(429 \cdot 2 - 687) : 1 = \underline{171} \text{ (Einfränkler)} \quad (2P.)$$

3 Punkte

### Aufgabe 9

Herr Müller fährt jeden Tag mit dem Auto zu seinem Arbeitsplatz, der 30 km entfernt ist. Normalerweise braucht er 36 min. Eines Morgens hat er verschlafen und er fährt deshalb 10 min später ab.

Um wie viele km/h müsste er seine durchschnittliche Geschwindigkeit erhöhen, damit er trotzdem noch rechtzeitig zur Arbeit käme?

Geschwindigkeit normal

$$30 \text{ km} \longrightarrow 36 \text{ min}$$

$$x_1 \longrightarrow 60 \text{ min}$$

$$x_1 = \frac{30 \text{ km} \cdot 60}{36} = 50 \text{ km}, \text{ d.h. } \underline{50 \text{ km/h}} \quad (1P.)$$

Geschwindigkeit bei Verspätung

$$30 \text{ km} \longrightarrow 26 \text{ min}$$

$$x_2 \longrightarrow 60 \text{ min}$$

$$x_2 = \frac{30 \text{ km} \cdot 60}{26} = 69,23... \text{ km}, \text{ d.h. } \underline{69,23... \text{ km/h}} \quad (1P.)$$

Geschwindigkeits-erhöhung

$$69,23... \text{ km/h} - 50 \text{ km/h} = \underline{\underline{19,23... \text{ km/h}}} \quad (1P.)$$

( $\rightarrow$  gerundete Ergebnisse von  $19 \text{ km/h}$  bis  $20 \text{ km/h}$  akzeptieren)

3 Punkte

### Aufgabe 10

Ein Wasserreservoir, das  $48 \text{ m}^3$  fasst, ist mit einer Zufluss- und einer Abflussleitung versehen. In 4 min werden 600 Liter Wasser zugeleitet und in 12 s werden 45 Liter Wasser abgeleitet.

- a) Wie viele Liter Wasser fließen pro Minute zu und wie viele Liter Wasser fließen pro Minute ab?

$$\text{Zufluss pro min} : 600 \text{ l} : 4 = \underline{\underline{150 \text{ l}}} \quad \left(\frac{1}{2} \text{ P.}\right)$$

$$\text{Abfluss pro min} : 45 \text{ l} \cdot 5 = \underline{\underline{225 \text{ l}}} \quad \left(\frac{1}{2} \text{ P.}\right)$$

- b) Das Reservoir sei voll. Nun wird bei geschlossener Zuflussleitung die Abflussleitung geöffnet. Wie viele Liter enthält das Reservoir nach 45 min?

$$\text{Abfluss in 45 min} : 45 \cdot 225 \text{ l} = \underline{\underline{10'125 \text{ l}}} \quad (1 \text{ P.})$$

$$\text{Inhalt nach 45 min} : \underbrace{48'000 \text{ l}}_{\left(\frac{1}{2} \text{ P.}\right)} - 10'125 \text{ l} = \underline{\underline{37'875 \text{ l}}} \quad (1 \text{ P.})$$

- c) Das Reservoir sei zu drei Fünftel gefüllt. Nun werden gleichzeitig Zufluss- und Abflussleitung geöffnet. Wie lange (h, min) dauert es, bis das Reservoir leer ist?

$$\text{Reservoir-Inhalt} : \frac{3}{5} \text{ von } 48'000 \text{ l} = \underline{\underline{28'800 \text{ l}}} \quad (1 \text{ P.})$$

$$\begin{array}{l} \text{Abfluss pro min,} \\ \text{wenn beide Leitungen} \\ \text{offen sind} \end{array} \quad 225 \text{ l/min} - 150 \text{ l/min} = \underline{\underline{75 \text{ l/min}}} \quad (1 \text{ P.})$$

$$\begin{array}{l} \text{Zeit, bis das Reservoir} \\ \text{leer ist} \end{array} \quad 28'800 \text{ l} : 75 \text{ l/min} = \underline{\underline{384 \text{ min}}} \quad \left(\frac{1}{2} \text{ P.}\right)$$
$$= \underline{\underline{6 \text{ h } 24 \text{ min}}} \quad \left(\frac{1}{2} \text{ P.}\right)$$

(→ Richtige Überlegung aus Folgefehlern) (1 P.)

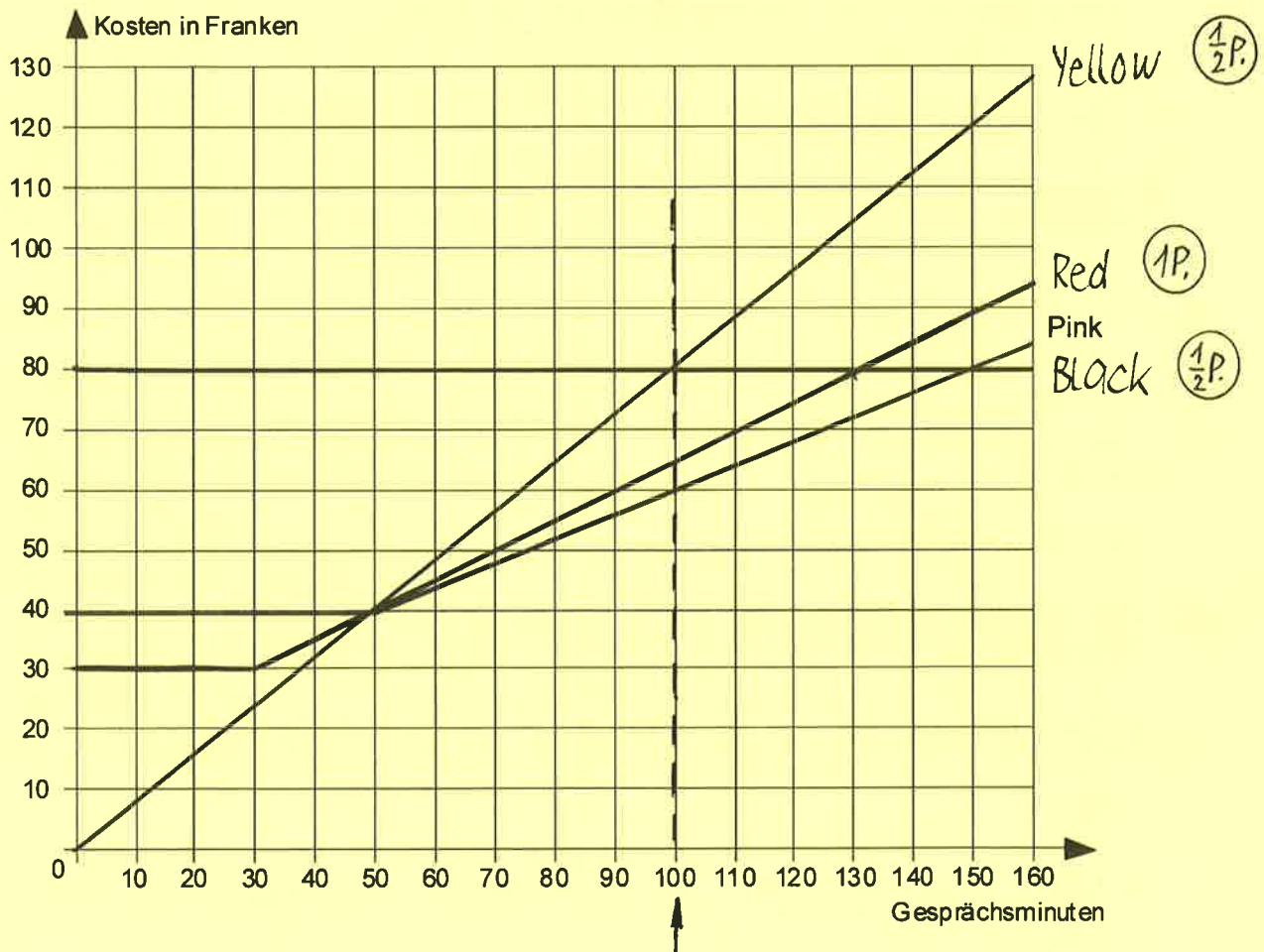
6 Punkte

### Aufgabe 11

Herr Muster lässt sich von der Telekommunikationsfirma „Mandarin“ für seine Tochter Petra folgende Gesprächsangebote offerieren:

Angebot		Pink	Red	Black	Yellow
Grundgebühr	$\left(\frac{1}{2}P.\right)$	Fr. 40,-	Fr. 30,-	Fr. 80,-	Keine
Gratis Gesprächsminuten	$\left(\frac{1}{2}P.\right)$	50	30	Unlimited	Keine
Kosten für zusätzliche Gesprächsminuten	$\left(1P.\right)$	40 Rp./min	50 Rp./min	Keine	80 Rp./min

- a) In der folgenden Grafik ist das Angebot „Pink“ dargestellt. Bestimme die Grundgebühr, die Gratis Gesprächsminuten und die Kosten je zusätzliche Gesprächsminute und trage sie in der Tabelle ein.



- b) Stelle die Angebote „Yellow“, „Red“ und „Black“ entsprechend „Pink“ grafisch dar.
- c) In den letzten Monaten hat Petra pro Monat während ca. 100 min telefoniert. Welches Angebot ist für dieses Gesprächsverhalten am günstigsten?

Angebot „Pink“  $\left(1P.\right)$

5 Punkte